

# **Муниципальный этап всероссийской олимпиады школьников** **по математике. 2019-20 учебный год**

## **5 класс**

**Время выполнения заданий — 180 минут**

**Максимальный балл – 100**

В каждой из предложенных вам задач нужно **написать правильный ответ** в бланке для ответов. Если вы хотите исправить свой ответ, следует перечеркнуть ранее написанный и рядом написать новый. Если в задаче требуется привести пример, достаточно указать один пример. **Никаких решений задач писать не нужно! Вы сдаете ТОЛЬКО бланк ответов, условия задач можно оставить себе. Пользоваться калькулятором НЕ разрешается.** Правильные ответы будут выложены на сайте [www.kazan-math.info](http://www.kazan-math.info) после олимпиады.

**Задача 1.** Замените один знак «+» на «×» так, чтобы равенство стало верным:  
 $1+2+3+4=5+6$ .

**Задача 2.** В теннисном турнире было несколько участников, и каждый сыграл с каждым по одному матчу. Сколько было участников, если всего сыграно 78 матчей?

**Задача 3.** Сколько трехзначных чисел, кратных пяти, можно составить из цифр 2, 0, 1, 9, используя каждую цифру не более одного раза?

**Задача 4.** В очереди в столовой стоят четыре пятиклассника: Алина, Федя, Никита и Лена. Алина стоит не на первом месте, но перед Никитой и Леной. Алина и Лена не рядом. В каком порядке пятиклассники стоят в очереди?

**Задача 5.** Пол в квадратной комнате полностью покрыт одинаковыми квадратными плитками. На двух диагоналях в сумме 33 плитки. Сколько всего плиток на этом полу?

**Задача 6.** У портного есть 35 полотен ткани двух видов — хлопок и лен. Хлопковые полотна он раскроил на 5 частей, а льняные — на 4 части. Чтобы разрезать все хлопковые полотна, потребовалось сделать столько же разрезов, сколько разрезов понадобилось, чтобы разрезать все льняные. Сколько хлопковых и сколько льняных полотен было изначально? Один разрез режет ткань на две части.

**Задача 7.** Какое максимальное количество фигурок вида  можно вырезать из квадрата  $9 \times 9$  по сторонам клеточек? Приведите пример разрезания. Фигурки можно поворачивать и переворачивать.

**Задача 8.** Ира ходит в кружок по вышиванию по понедельникам, средам и пятницам каждую неделю (и даже в каникулы). На одном кружке она расходует четыре мотка ниток. Нитки продаются в наборах по 23 мотка. Какое наименьшее количество наборов надо купить Ире, чтобы ей точно хватило ниток на весь год (365 дней)?

**Задача 9.** Вместо каждой звездочки «\*» в выражении:  $2*1*1*1*2*0*1*9$  поставьте знаки арифметических действий («+», «-», «×», «÷») так, чтобы в результате получилось 62. Разрешается использовать скобки.

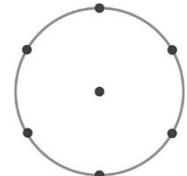
**Задача 10.** У Яны есть карточки со всеми натуральными числами от 23 до 74 (каждое число по одному разу), а у Ани есть карточки с числами от 34 до 100 (каждое по одному разу). Сколько различных результатов можно получить складывая одно число из набора Яны и одно число из набора Ани?

**Задача 11.** Каждый из 2019 человек за столом — рыцарь, который всегда говорит правду, или лжец, который всегда лжёт. Все люди по очереди сделали заявление: «Среди заявлений, сделанных до меня, ложных по крайней мере на два больше, чем истинных». Сколько лжецов могла быть за столом? Найдите все варианты.

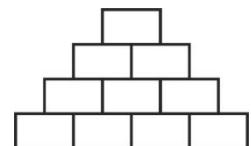
**Задача 12.** Если сложить возраст Алии и Карима, то получится 26 лет. Сейчас Алие в три раза меньше лет, чем будет Кариму тогда, когда им вместе будет в пять раз больше лет, чем Кариму сейчас. Сколько лет сейчас Кариму?

**Задача 13.** Миша хочет прийти в гости к Маше. Он знает, в каком доме она живет, но не знает номера ее квартиры. Маша говорит: «Номер моей квартиры — двузначное число, и ровно одно из следующих четырех утверждений ложно:» 1) Это число — простое. 2) Одна из цифр равна 9. 3) Это число — четное. 4) Это число делится на 7. В какой квартире живет Маша?

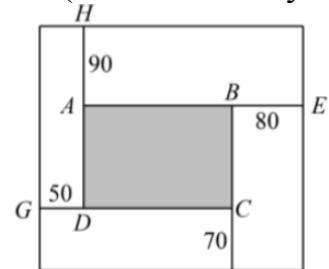
**Задача 14.** Оля отметила семь точек: шесть из них на окружности на одинаковом расстоянии друг от друга (см. рисунок), а седьмая — центр окружности. Сколько треугольников она может нарисовать так, чтобы все вершины были в отмеченных точках? Сторона может проходить через отмеченную точку.



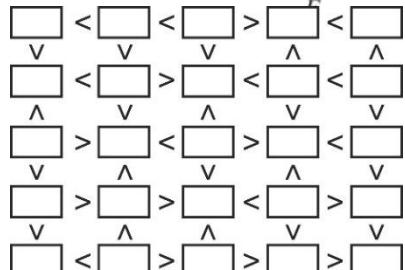
**Задача 15.** Расставьте числа от 1 до 10, каждое — по одному разу, в прямоугольники на рисунке так, чтобы любое число, кроме чисел нижнего ряда, было равно разности двух чисел, стоящих под ним (большее минус меньшее).



**Задача 16.** Сумма периметров четырех белых прямоугольников на рисунке равна 2020 см. Известно, что  $AH = 90$  см,  $GD = 50$  см,  $BE = 80$  см,  $CF = 70$  см. Чему равен периметр серого прямоугольника  $ABCD$ ?



**Задача 17.** Расставьте цифры 1, 2, 3, 4, 5 в клетках так, чтобы выполнялись все неравенства и в каждом столбце и в каждой строке все цифры были различными.



**Задача 18.** Закрасьте на доске  $8 \times 8$  несколько клеток, чтобы каждая клетка (закрашенная и незакрашенная) граничила по стороне с нечетным количеством закрашенных.

**Задача 19.** В полдень из города в деревню вышел пешеход. Одновременно с ним из деревни в город выехал велосипедист. Через час пешеход оказался ровно посередине между городом и велосипедистом. Еще через 12 минут они встретились. Каждый, не останавливаясь, продолжил движение. Во сколько пешеход прибыл в деревню? Скорости пешехода и велосипедиста постоянны.

**Задача 20.** Учительница записала натуральные числа от 1 до 21. И сказала ученикам 5«М» класса убрать три числа и посчитать сумму оставшихся. Известно, что каждый из учеников убрал хотя бы по 2 последовательных числа и никакие два ученика не убрали одинаковые тройки чисел. Какое наибольшее количество учеников могли в результате получить 212?