

Приложение к ООП СОО МАОУ «СОШ № 35»,  
утверждённой приказом № 196 от 28.08.2020г.

Принято  
Педагогическим советом  
протокол № 1  
от «29» августа 2023 г.

Утверждаю  
Директор МАОУ «СОШ №35» А.Г. Альменеев



Введено в действие приказом  
от «29» августа 2023 г. № 187

# Рабочая программа элективного курса «Избранные вопросы математики»

на уровень среднего общего образования муниципального  
автономного общеобразовательного учреждения  
города Набережные Челны  
«Средняя общеобразовательная школа № 35 с углубленным  
изучением отдельных предметов»

## **I. Планируемые результаты освоения элективного курса «Избранные вопросы математики»**

### **1. Личностные результаты**

#### **Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к себе, к своему здоровью, к познанию себя:**

- ориентация обучающихся на достижение личного счастья, реализацию позитивных жизненных перспектив, инициативность, креативность, готовность и способность к личностному самоопределению, способность ставить цели и строить жизненные планы;
- готовность и способность обеспечить себе и своим близким достойную жизнь в процессе самостоятельной, творческой и ответственной деятельности;
- готовность и способность обучающихся к отстаиванию личного достоинства, собственного мнения, готовность и способность вырабатывать собственную позицию по отношению к общественно-политическим событиям прошлого и настоящего на основе осознания и осмысливания истории, духовных ценностей и достижений нашей страны;
- готовность и способность обучающихся к саморазвитию и самовоспитанию в соответствии с общечеловеческими ценностями и идеалами гражданского общества, потребность в физическом самосовершенствовании, занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;
- принятие и реализация ценностей здорового и безопасного образа жизни, бережное, ответственное и компетентное отношение к собственному физическому и психологическому здоровью;
- неприятие вредных привычек: курения, употребления алкоголя, наркотиков.

#### **Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к России как к Родине (Отечеству):**

- российская идентичность, способность к осознанию российской идентичности в поликультурном социуме, чувство причастности к историко-культурной общности российского народа и судьбе России, патриотизм, готовность к служению Отечеству, его защите;
- уважение к своему народу, чувство ответственности перед Родиной, гордости за свой край, свою Родину, прошлое и настоящее многонационального народа России, уважение к государственным символам (герб, флаг, гимн);
- формирование уважения к русскому языку как государственному языку Российской Федерации, являющемуся основой российской идентичности и главным фактором национального самоопределения;
- воспитание уважения к культуре, языкам, традициям и обычаям народов, проживающих в Российской Федерации.

#### **Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к закону, государству и к гражданскому обществу:**

- гражданственность, гражданская позиция активного и ответственного члена российского общества, осознающего свои конституционные права и обязанности, уважающего закон и правопорядок, осознанно принимающего традиционные национальные и общечеловеческие гуманистические и демократические ценности, готового к участию в общественной жизни;
- признание неотчуждаемости основных прав и свобод человека, которые принадлежат каждому от рождения, готовность к осуществлению собственных прав и свобод без нарушения прав и свобод других лиц, готовность отстаивать собственные права и свободы человека и гражданина

согласно общепризнанным принципам и нормам международного права и в соответствии с Конституцией Российской Федерации, правовая и политическая грамотность;

- мировоззрение, соответствующее современному уровню развития науки и общественной практики, основанное на диалоге культур, а также различных форм общественного сознания, осознание своего места в поликультурном мире;

- интериоризация ценностей демократии и социальной солидарности, готовность к договорному регулированию отношений в группе или социальной организации;

- готовность обучающихся к конструктивному участию в принятии решений, затрагивающих их права и интересы, в том числе в различных формах общественной самоорганизации, самоуправления, общественно значимой деятельности;

- приверженность идеям интернационализма, дружбы, равенства, взаимопомощи народов; воспитание уважительного отношения к национальному достоинству людей, их чувствам, религиозным убеждениям;

- готовность обучающихся противостоять идеологии экстремизма, национализма, ксенофобии; коррупции; дискриминации по социальным, религиозным, расовым, национальным признакам и другим негативным социальным явлениям.

### **Личностные результаты в сфере отношений обучающихся с окружающими людьми:**

- нравственное сознание и поведение на основе усвоения общечеловеческих ценностей, толерантного сознания и поведения в поликультурном мире, готовности и способности вести диалог с другими людьми, достигать в нем взаимопонимания, находить общие цели и сотрудничать для их достижения;

- принятие гуманистических ценностей, осознанное, уважительное и доброжелательное отношение к другому человеку, его мнению, мировоззрению;

- способность к сопереживанию и формирование позитивного отношения к людям, в том числе к лицам с ограниченными возможностями здоровья и инвалидам; бережное, ответственное и компетентное отношение к физическому и психологическому здоровью других людей, умение оказывать первую помощь;

- формирование выраженной в поведении нравственной позиции, в том числе способности к сознательному выбору добра, нравственного сознания и поведения на основе усвоения общечеловеческих ценностей и нравственных чувств (чести, долга, справедливости, милосердия и дружелюбия);

- развитие компетенций сотрудничества со сверстниками, детьми младшего возраста, взрослыми в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности.

### **Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к окружающему миру, живой природе, художественной культуре:**

- мировоззрение, соответствующее современному уровню развития науки, значимости науки, готовность к научно-техническому творчеству, владение достоверной информацией о передовых достижениях и открытиях мировой и отечественной науки, заинтересованность в научных знаниях об устройстве мира и общества;

- готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;

- экологическая культура, бережное отношения к родной земле, природным богатствам России и мира; понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, ответственность за состояние природных ресурсов; умения и навыки разумного

природопользования, нетерпимое отношение к действиям, приносящим вред экологии; приобретение опыта эколого-направленной деятельности;

- эстетическое отношения к миру, готовность к эстетическому обустройству собственного быта.

### **Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к семье и родителям, в том числе подготовка к семейной жизни:**

- ответственное отношение к созданию семьи на основе осознанного принятия ценностей семейной жизни;

- положительный образ семьи, родительства (отцовства и материнства), интериоризация традиционных семейных ценностей.

### **Личностные результаты в сфере отношения обучающихся к труду, в сфере социально-экономических отношений:**

- уважение ко всем формам собственности, готовность к защите своей собственности,

- осознанный выбор будущей профессии как путь и способ реализации собственных жизненных планов;

- готовность обучающихся к трудовой профессиональной деятельности как к возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем;

- потребность трудиться, уважение к труду и людям труда, трудовым достижениям,

добросовестное, ответственное и творческое отношение к разным видам трудовой деятельности;

- готовность к самообслуживанию, включая обучение и выполнение домашних обязанностей.

### **Личностные результаты в сфере физического, психологического, социального и академического благополучия обучающихся:**

- физическое, эмоционально-психологическое, социальное благополучие обучающихся в жизни образовательной организации, ощущение детьми безопасности и психологического комфорта, информационной безопасности.

## **2. Метапредметные результаты**

Коммуникативные	Регулятивные	Познавательные
<p>✓ осуществлять деловую коммуникацию как со сверстниками, так и со взрослыми (как внутри образовательной организации, так и за ее пределами), подбирать партнеров для деловой коммуникации исходя из соображений результативности взаимодействия, а не личных симпатий;</p> <p>✓ при осуществлении групповой работы быть как руководителем, так и членом команды в разных ролях (генератор идей, критик, исполнитель, выступающий, эксперт и т.д.);</p>	<p>✓ самостоятельно определять цели, задавать параметры и критерии, по которым можно определить, что цель достигнута;</p> <p>✓ ставить и формулировать собственные задачи в образовательной деятельности и жизненных ситуациях;</p> <p>✓ оценивать ресурсы, в том числе время и другие нематериальные ресурсы, необходимые для достижения поставленной цели;</p> <p>✓ выбирать путь достижения цели, планировать решение поставленных задач,</p>	<p>✓ искать и находить обобщенные способы решения задач, в том числе, осуществлять развернутый информационный поиск и ставить на его основе новые (учебные и познавательные) задачи;</p> <p>✓ использовать различные модельно-схематические средства для представления существенных связей и отношений, а также противоречий, выявленных в информационных источниках;</p> <p>✓ находить и приводить критические аргументы</p>

<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ координировать и выполнять работу в условиях реального, виртуального и комбинированного взаимодействия;</li> <li>✓ развернуто, логично и точно излагать свою точку зрения с использованием адекватных (устных и письменных) языковых средств.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ оптимизируя материальные и нематериальные затраты; организовывать эффективный поиск ресурсов, необходимых для достижения поставленной цели;</li> <li>✓ сопоставлять полученный результат деятельности с поставленной заранее целью.</li> <li>✓ самостоятельно определять цели, задавать параметры и критерии, по которым можно определить, что цель достигнута.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>в отношении действий и суждений другого; спокойно и разумно относиться к критическим замечаниям в отношении собственного суждения, рассматривать их как ресурс собственного развития;</li> <li>✓ выходить за рамки учебного предмета и осуществлять целенаправленный поиск возможностей для широкого переноса средств и способов действия;</li> <li>✓ выстраивать индивидуальную образовательную траекторию, учитывая ограничения со стороны других участников и ресурсные ограничения;</li> <li>✓ менять и удерживать разные позиции в познавательной деятельности.</li> </ul>
---	---	--

## II. Предметные результаты освоения элективного курса «Избранные вопросы математики»

### 10 класс

Название раздела	Выпускник научится	Выпускник получит возможность научиться
<b>Цели освоения предмета</b>	Для успешного продолжения образования по специальностям, связанным с прикладным использованием математики	Для обеспечения возможности успешного продолжения образования по специальностям, связанным с осуществлением научной и исследовательской деятельности в области математики и смежных наук
<b>Алгебра и начала анализа</b>		- владеть основными методами решения задач на смеси, сплавы, концентрации; - решать задачи на проценты, в том числе,

		<p><i>сложные проценты с обоснованием, используя разные способы;</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li><i>- выделять при решении задач характеристики рассматриваемой в задаче ситуации, отличные от реальных (те, от которых абстрагировались), конструировать новые ситуации с учетом этих характеристик, в частности, при решении задач на концентрации, учитывать плотность вещества;</i></li> <li><i>- решать логические задачи разными способами, в том числе, с двумя блоками и с тремя блоками данных с помощью таблиц;</i></li> <li><i>- решать задачи по комбинаторике и теории вероятностей на основе использования изученных методов и обосновывать решение;</i></li> <li><i>- решать несложные задачи по математической статистике;</i></li> <li><i>- овладеть основными методами решения сюжетных задач: арифметический, алгебраический, перебор вариантов, геометрический, графический, применять их в новых по сравнению с изученными ситуациях.</i></li> </ul>
<b>Геометрия</b>	<p>Владеть геометрическими понятиями при решении задач и проведении математических рассуждений; самостоятельно формулировать определения геометрических фигур, выдвигать гипотезы о новых свойствах и признаках геометрических фигур и обосновывать или опровергать их, обобщать или конкретизировать результаты на новых классах фигур, проводить в несложных случаях классификацию фигур по различным основаниям;</p>	<p><i>Иметь представление об аксиоматическом методе; владеть понятием геометрические места точек в пространстве и уметь применять их для решения задач; уметь применять для решения задач свойства плоских и двугранных углов, трехгранного угла, теоремы косинусов и синусов для трехгранного угла; владеть понятием перпендикулярное сечение</i></p>

	<p>исследовать чертежи, извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию, представленную на чертежах; решать задачи геометрического содержания, в том числе в ситуациях, когда алгоритм решения не следует явно из условия, выполнять необходимые для решения задачи дополнительные построения, исследовать возможность применения теорем и формул для решения задач; уметь формулировать и доказывать геометрические утверждения; владеть понятиями стереометрии: призма, параллелепипед, пирамида, тетраэдр; иметь представления об аксиомах стереометрии и следствиях из них и уметь применять их при решении задач; уметь строить сечения многогранников с использованием различных методов, в том числе и метода следов; иметь представление о скрещивающихся прямых в пространстве и уметь находить угол и расстояние между ними; применять теоремы о параллельности прямых и плоскостей в пространстве при решении задач; уметь применять параллельное проектирование для изображения фигур; уметь применять перпендикулярности прямой и плоскости при решении задач; владеть понятиями ортогональное проектирование, наклонные и их проекции, уметь применять теорему о трех перпендикулярах при решении задач; владеть понятиями расстояние между фигурами в пространстве, общий перпендикуляр двух скрещивающихся прямых и уметь применять их при решении задач; владеть понятием угол между прямой и плоскостью и уметь применять его при решении задач; владеть понятиями двугранный</p>	<p><i>призмы и уметь применять его при решении задач; иметь представление о двойственности правильных многогранников; владеть понятиями центральное и параллельное проектирование и применять их при построении сечений многогранников методом проекций; иметь представление о развертке многогранника и кратчайшем пути на поверхности многогранника.</i></p>
--	--	--

	<p>угол, угол между плоскостями, перпендикулярные плоскости и уметь применять их при решении задач;</p> <p>владеть понятиями призма, параллелепипед и применять свойства параллелепипеда при решении задач;</p> <p>владеть понятием прямоугольный параллелепипед и применять его при решении задач;</p> <p>владеть понятиями пирамида, виды пирамид, элементы правильной пирамиды и уметь применять их при решении задач;</p> <p>иметь представление о теореме Эйлера, правильных многогранниках;</p> <p>владеть понятием площади поверхностей многогранников и уметь применять его при решении задач;</p> <p>владеть понятиями касательные прямые и плоскости и уметь применять их при решении задач;</p> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <p>составлять с использованием свойств геометрических фигур математические модели для решения задач практического характера и задач из смежных дисциплин, исследовать полученные модели и интерпретировать результат</p>	
--	---	--

## 11 класс

Название раздела	Выпускник научится	Выпускник получит возможность научиться
<b>Цели освоения предмета</b>	Для успешного продолжения образования по специальностям, связанным с прикладным использованием математики	<i>Для обеспечения возможности успешного продолжения образования по специальностям, связанным с осуществлением научной и исследовательской деятельности в области математики и смежных наук</i>
<b>Элементы теории множеств и</b>	- Свободно оперировать понятиями: конечное множество, элемент множества, подмножество, пересечение, объединение и	<i>- Достижение результатов раздела II;</i> <i>- оперировать понятием</i>

<b>математической логики</b>	<p>разность множеств, числовые множества на координатной прямой, отрезок, интервал, полуинтервал, промежуток с выколотой точкой, графическое представление множеств на координатной плоскости;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- задавать множества перечислением и характеристическим свойством;</li> <li>- оперировать понятиями: утверждение, отрицание утверждения, истинные и ложные утверждения, причина, следствие, частный случай общего утверждения, контрпример;</li> <li>- проверять принадлежность элемента множеству;</li> <li>- находить пересечение и объединение множеств, в том числе представленных графически на числовой прямой и на координатной плоскости;</li> <li>- проводить доказательные рассуждения для обоснования истинности утверждений.</li> </ul> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- использовать числовые множества на координатной прямой и на координатной плоскости для описания реальных процессов и явлений;</li> <li>- проводить доказательные рассуждения в ситуациях повседневной жизни, при решении задач из других предметов</li> </ul>	<p><i>определения, основными видами определений, основными видами теорем;</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понимать суть косвенного доказательства;</li> <li>- оперировать понятиями счетного и несчетного множества;</li> <li>- применять метод математической индукции для проведения рассуждений и доказательств и при решении задач.</li> </ul> <p><i>- В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- использовать теоретико-множественный язык и язык логики для описания реальных процессов и явлений, при решении задач других учебных предметов</li> </ul>
------------------------------	--	---

## I. Содержание элективного курса «Избранные вопросы математики»

### 10 класс

Название раздела	Содержание раздела
<b>Алгебра и начала анализа</b>	<p>Обобщенное понятие процента: простые и сложные проценты. Процентные вычисления в жизненных ситуациях.</p> <p>Задачи, связанные с банковскими расчетами: Нахождение количества лет (месяцев) выплаты кредита. (Аннуитетные платежи).</p> <p>Вычисление процентной ставки по кредиту. (Фиксированные платежи).</p> <p>Нахождение суммы кредита. (Аннуитетные платежи). Нахождение ежегодного (ежемесячного) транша. (Аннуитетные платежи).</p> <p>Нахождение разницы. (Аннуитетные платежи).</p> <p>Задачи, связанные с известным остатком. (Фиксированные платежи).</p> <p>Задачи, связанные с дифференцированными платежами. Нестандартные задачи, связанные с кредитом.</p> <p>Решение задач на вклады.</p> <p>Задачи на оптимальное решение. Алгоритм решения.</p> <p>Решение задачи на оптимизацию.</p> <p>Решение нестандартных задач.</p>

	<p>Что такое задача с параметрами. Аналитический подход. Выписывание ответа (описание множеств решений) в задачах с параметрами.</p> <p>Полный параметрический анализ многочленов</p> <p>Параметр и поиск решений уравнений, неравенств и их систем («ветвление»)</p> <p>Рациональные уравнения с параметрами.</p> <p>Неравенства с параметрами. (второй степени).</p> <p>Метод интервалов в неравенствах с параметрами.</p> <p>Функционально – графический метод решения задач с параметрами.</p> <p>Графические приемы при решении задач с параметрами.</p> <p>Текстовые задачи с использованием параметра. Замена в задачах с параметрами.</p> <p>Метод разложения в задачах с параметрами. Разложение с помощью разрешения относительно параметра</p> <p>Иrrациональные уравнения с параметрами</p> <p>Иrrациональные задачи с параметрами. «Собирание» ответов.</p> <p>Системы с параметрами. Симметрия в задачах с параметрами</p> <p>Параметр и количество решений уравнений, неравенств и их систем.</p> <p>Уравнения и неравенства с параметрами с различными условиями</p> <p>Задачи с модулями и параметром. Критические значения параметра.</p> <p>Метод координат в задачах с параметрами. Идея метода.</p> <p>Задачи на следование и равносильность задач с параметрами.</p> <p>Аналитический подход. Метод координат</p>
<b>Геометрия</b>	<p>Параллелепипед.</p> <p>Задачи на построение сечений.</p> <p>Теорема Стюарта и параметры треугольника.</p> <p>Пересечение высот в треугольнике. Решение избранных задач</p> <p>Определение радиуса вневписанной окружности в треугольнике</p>

## 11 класс

<b>Название раздела</b>	<b>Содержание раздела</b>
<b>Предмет и значение логики</b>	<p>Формы чувственного познания и абстрактного мышления</p> <p>Функции языка и речи</p> <p>Семантические категории</p> <p>Как возникла и развивалась логика</p> <p>Роль логики в повышении культуры мышления и в образовании</p> <p>Основные логические приемы формирования понятий</p> <p>Содержание и объем понятия</p> <p>Общие и единичные. Конкретные и абстрактные. Относительные и безотносительные.</p> <p>Положительные и отрицательные.</p> <p>Собирательные и несобирательные</p> <p>Совместимые понятия</p> <p>Несовместимые понятия</p> <p>Реальные и номинальные определения в математике. Правила явного определения понятий</p> <p>Ошибки, возможные в определении понятий</p> <p>Приемы, сходные с определением понятий</p> <p>Виды деления. Правила деления понятий</p>

	<p>Классификация в математике Ограничение понятий. Обобщение понятий Объединение классов и пересечение классов. Основные законы логики классов Вычитание классов. Дополнение к классу А</p>
<b>Суждение (высказывание)</b>	<p>Простое суждение. Структура и виды Объединенная классификация по качеству и количеству Распределенность терминов в категорических суждениях Сложное суждение и его виды Построение таблиц истинности Логическая структура вопроса и ответа</p>
<b>Законы (принципы) правильного мышления</b>	<p>Закон тождества и его применение в математике. Закон непротиворечия Закон исключенного третьего. Закон достаточного основания Использование формально-логических законов в обучении Структура умозаключения: посылки, заключение, логическая связь между посылками и заключением Понятие дедуктивного умозаключения Непосредственные умозаключения (обращение, превращение, противопоставление предикату) Состав, фигуры, модусы, правила категорического силлогизма. Сокращенный категорический силлогизм (энтимема) Полисиллогизмы .Сориты. Дилеммы. Трилеммы</p>

### **III. Тематическое планирование элективного курса «Избранные вопросы математики»**

Тематическое планирование элективного курса «Избранные вопросы математики» для 10-11 классов составлено с учётом рабочей программы воспитания. Воспитательный потенциал курса обеспечивает реализацию целевых приоритетов воспитания обучающихся СОО, создание благоприятных условий для приобретения обучающимися опыта осуществления социально значимых дел.

Выделение данного приоритета связано с особенностями обучающихся юношеского возраста: с их потребностью в жизненном самоопределении, в выборе дальнейшего жизненного пути, который открывается перед ними на пороге самостоятельной взрослой жизни.

Сделать правильный выбор старшеклассникам поможет имеющийся у них реальный практический опыт, который они могут приобрести, в том числе и в школе. Важно, чтобы опыт оказался социально значимым, так как именно он поможет гармоничному вхождению обучающихся во взрослую жизнь окружающего их общества. Это:

- ✓ опыт самостоятельного приобретения новых знаний, проведения научных исследований, опыта проектной деятельности;
- ✓ опыт ведения здорового образа жизни и заботы о здоровье других людей;
- ✓ опыт самопознания и самоанализа, опыта социально приемлемого самовыражения и самореализации.

## **10 класс**

<b>Название раздела, темы</b>	<b>Общее количество часов</b>
<b>1. Алгебра и начала анализа</b>	<b>26</b>
1.1.Решение текстовых задач	10
1.2.Уравнения и неравенства	16
<b>2. Геометрия</b>	<b>8</b>
2.1. Геометрические фигуры	8
<b>Итого</b>	<b>34</b>

## **11 класс**

<b>Название раздела, темы</b>	<b>Общее количество часов</b>
<b>1. Предмет и значение логики</b>	<b>21</b>
<b>2. Суждение (высказывание)</b>	<b>6</b>
<b>3. Законы (принципы) правильного мышления</b>	<b>7</b>
<b>Итого</b>	<b>34</b>